

Компенсация веса заряженным телом

Якубовский Е.Г.

e-mail yakubovski@rambler.ru

Преодолеть силу Земного притяжения, это мечта всех фантастов. В статье предлагается на основе электрического взаимодействия преодоление силу гравитационного взаимодействия. Таким образом, можно организовать космический лифт до максимального удаления от Земли.

1. Основная идея компенсации гравитационного поля

В случае отрицательно заряженного тела, оно будет отталкиваться от отрицательно заряженной Земли. При этом сила отталкивания будет компенсироваться силой притяжения Земли. Баланс сил наступает при условии $m_b M_e \gamma = q_b q_e$, причем масса и заряд Земли равны величинам $M_e = 6 \cdot 10^{27} \text{ g}$, $q_e = 5 \cdot 10^5 \text{ C} = 1.5 \cdot 10^{15} \text{ CGSE}$.

Отношение значения заряда тела к значению массы тела при условии компенсации равно величине $q_b / m_b = M_e \gamma / q_e = 36 \cdot 10^{20} / 1.5 \cdot 10^{15} = 2.4 \cdot 10^6$.

При массе тела равной величине $m_b = 10^6 \text{ g}$, необходим заряд для компенсации веса тела, определяемый из равенства $q_b = 2.4 \cdot 10^{12} \text{ CGSE}$.

Потенциал, приобретаемый электроном на длине свободного пробега равен $eE\Lambda = \frac{eq_b\Lambda}{r^2}$. Энергия ионизации равна e^2 / a_0 .

При этом условие ионизации воздуха, энергия ионизации равна энергии, приобретаемой электроном на длине свободного пробега. На расстоянии от тела, равном величине

$$r = \sqrt{\frac{q_b \Lambda a_0}{e}} = \sqrt{\frac{2.4 \cdot 10^{12-5-8} 0.5}{4.8 \cdot 10^{-10}}} = \sqrt{2.5 \cdot 10^8} = 1.55 \cdot 10^4 \text{ cm} = 155 \text{ m}.$$

Электрическое поле не сможет возбуждать ионизацию при большем расстоянии. Значит, тело будет окружать плазма, радиус которой 155м.

Получается, что изолированное от окружающей среды, тело весом в одну тонну, при размере 50м, заряженное зарядом $q_b = 2.4 \cdot 10^{12} \text{ CGSE} = 700 \text{ C}$ будет висеть в воздухе на высоте 1 км и выше и разряда не произойдет. Но при больших потенциалах поля уравнения Максвелла не работают. И надо использовать уравнение ОТО, записанное для электромагнитного поля.

2. Электромагнитное поле при больших энергиях

2.1 Введение множителя в уравнение общей теории относительности, позволяющего описывать электромагнитное поле

Основные попытки обобщения уравнений Максвелла связаны с развитием методов вычисления собственной энергии электрона. Т.е. с необходимостью такого обобщения, чтобы формула для энергии электрона не стремилась к бесконечности, при радиусе, относительно центра электрона, стремящемся к нулю. Причем при больших расстояниях от излучателя, оно должна приводить к уравнениям классической электродинамики.

Существует распространенная ошибка, что классическое электромагнитное поле не применяется при условии (2.1.1). На самом деле это граница, когда начинается квантовое описание частицы.

$$\hbar \omega_H = \frac{\hbar e H}{m_e c} = \frac{137 e^3 H}{m_e c^2} < 2 m_e c^2. \quad (2.1.1)$$

Существуют границы нелинейного электромагнитного описания тел. Они получаются из формулы (2.1.14) $|\frac{(ie + m\sqrt{\gamma})A_\alpha}{mc^2}| < 1$. Применяя эту формулу

нелинейного эффекта к квантовому состоянию электрона, получим порядок

$$\text{величины формулы (2.1.1)} \quad \left| \frac{(ie + m\sqrt{\gamma})r_e H}{mc^2} \right| = \frac{e^3 H}{m_e^2 c^4} < 1, r_e = \frac{e^2}{m_e c^2}.$$

Условие нелинейности электромагнитного поля эквивалентно

$$\frac{eA}{m_e c^2} = \frac{E_{e.m.}}{m_e c^2} \gg 1, E_{e.m.} = eA \quad (2.1.2)$$

Характерная энергия электромагнитного поля при удержании плазмы с помощью электромагнитного поля равна $20 - 100 keV$, при величине энергии электрона $0.5 MeV$.

Получается, что малый параметр ОТО при удержании плазмы равен $\frac{E_{e.m.}}{m_e c^2} = 0.04 \div 0.2$. Для удержания плазмы значение этого коэффициента имеет значение $0.04 \div 0.2$, т.е. классическая электродинамика выполняется с точностью $4 \div 20\%$.

Уравнение общей теории относительности имеет вид (см.[1])

$$R_i^k = \frac{8\pi\gamma}{c^4} (T_i^k - \frac{1}{2} \delta_i^k T), \quad (2.1.3)$$

где R_i^k получен из тензора Риччи, обозначаемого R_{ik} – свернутого тензора кривизны пространства, T_i^k тензор энергии-импульса единицы объема тела, величина γ это гравитационная постоянная, c скорость света.

Но уравнение общей теории относительности не содержит зарядов частиц, и, следовательно, не описывают электромагнитные взаимодействия. Необходим множитель в правой части уравнения общей теории относительности, позволяющий ввести в уравнение электромагнитные заряды и стремящийся к единице, при нулевом заряде или при большой массе.

Гравитационную массу покоя представим, как $\sqrt{\gamma}m$ и введем дополнительный множитель в правую часть уравнения ОТО

$$(1 + \frac{iq_1}{m_1\sqrt{\gamma}})(1 + \frac{iq_2}{m_2\sqrt{\gamma}}) = (1 + \frac{iq_1}{m_1\sqrt{\gamma}} + \frac{iq_2}{m_2\sqrt{\gamma}} - \frac{q_1q_2}{m_1m_2\gamma}), \quad (2.1.4)$$

учитывающий электромагнитный заряд частиц разного знака

$$R_i^k = \frac{8\pi\gamma}{c^4} \left(1 + \frac{iq_1}{m_1\sqrt{\gamma}}\right) \left(1 + \frac{iq_2}{m_2\sqrt{\gamma}}\right) \left(T_i^k - \frac{1}{2}\delta_i^k T\right). \quad (2.1.5)$$

При величине массы, удовлетворяющей условию $m \rightarrow \infty$, получим стандартное детерминированное уравнение общей теории относительности. Причем гравитационный радиус

$$r_g = 2\gamma m_2 / c^2 - 2q_1 q_2 / (m_1 c^2) + 2iq_1 m_2 \sqrt{\gamma} / m_1 c^2 + 2iq_2 \sqrt{\gamma} / c^2 \quad (2.1.6)$$

для малых частиц имеет размер, соответствующий размерам квантовой механики. При этом, если имеем взаимодействие частицы и античастицы, то гравитационный радиус равен $r_g = 2\gamma m / c^2 + 2e^2 / (mc^2)$. В случае взаимодействия двух электронов гравитационный радиус комплексный и равен $r_g = 2\gamma m / c^2 - 2e^2 / (mc^2) + 4ie\sqrt{\gamma} / c^2$. При этом физический смысл имеет модуль гравитационного радиуса. Для описания микромира необходимо при использовании метрического тензора, чтобы он имел характерный размер, соответствующий размерам элементарных частиц. Процесс излучения электромагнитной энергии связан с имеющим малые размеры электроном.

Но возникает проблема описания электромагнитного поля, спин фотона которого равен 1, а спин гравитационного поля равен 2. Но введение мнимого потенциала снимает эту проблему. Действие электромагнитного поля на диполь составленный из частицы – античастицы проявляет себя как электромагнитное поле со спином 2. При повороте диполя на π надо добавить комплексное сопряжение, так как такой поворот соответствует зарядовому сопряжению диполя. Значит, мнимая величина заряда умножается на минус единицу и получается эквивалентное состояние, значит, спин электромагнитного поля для частицы и античастицы равен двум, так как поворот на π приводит к эквивалентному состоянию. Значит, электромагнитное поле при взаимодействии частицы и античастицы описывается уравнение ОТО. При этом

гравитационный радиус считается по формуле $r_g = \frac{2\gamma m}{c^2} + \frac{e^2}{mc^2}$, т.е. получаем

одинаковую структуру электромагнитного и гравитационного поля. При взаимодействии произвольных частиц изменяется структура гравитационного радиуса см. формулу (2.1.6), так как спин гравитационного и электромагнитного поля разный.

Построим, метрический тензор общей теории относительности по функции Лагранжа в случае электромагнитного и гравитационного поля. При этом меняется идеология уравнения ОТО. Если уравнения ОТО определяют гравитационное поле и движение среды, то в данном случае рассматривается только значение 10 компонент метрического тензора g_{ik} , при 10 независимых уравнений ОТО. Причем на метрические тензоры наложены четыре условия

$$\frac{D(R_i^k - \delta_i^k R/2)}{\partial x^k} = \frac{DT_i^k}{\partial x^k} = 0. \quad \text{При этом независимым образом определяется}$$

движение макротел, описываемых с помощью равенства нулю ковариантной производной от четырехмерной скорости частиц. При этом для слабого электромагнитного поля для макро частиц определится сила Лоренца, а при сильном электромагнитном поле надо использовать его описание с помощью модифицированной ОТО.

Функция Лагранжа частицы в электромагнитном и гравитационном поле при малых поправках к тензору метрики Галилея, равна

$$L = -mc^2 \sqrt{1 - V^2/c^2} - q_1 A_i V^i / c - mU, \quad (2.1.7)$$

где четырехмерная скорость при малой скорости движения тела равна $V^i / c = (1, V^\alpha / c), \alpha = 1, \dots, 3; i = 0, \dots, 3$. Вводя вместо заряда e комплексный заряд $iq_1 + m\sqrt{\gamma}$, где гравитационный потенциал U входит в потенциал A_0 .

Имеем соотношение

$$S = -mc \int ds = \int L dt, \quad (2.1.8)$$

Величина A_i определена с точность до градиента функции

$$\mathbf{A} = \mathbf{A}' + \nabla \alpha, \varphi = \varphi' - \frac{1}{c} \frac{\partial \alpha}{\partial t} \quad \text{при калибровке Лоренца. Но при подстановке в}$$

(2.1.8) получаем соотношение

$$S = \int Ldt - e \int d\alpha / c = \int Ldt - e\alpha / c. \quad (2.1.9)$$

Получаем, что величина α включается в действие частицы, т.е. величина четырехмерного потенциала определяется однозначно за вычетом градиента функции при малых энергиях, когда уравнение ОТО сводятся к волновым уравнениям. Т.е. надо определить векторный и скалярный потенциал. Вектор \mathbf{A} содержит $\nabla\alpha$, а скаляр φ содержит $-\frac{1}{c} \frac{\partial\alpha}{\partial t}$, причем скаляр α удовлетворяет волновому уравнению в силу условия калибровки Лоренца.

Т.е. скаляр равен функции, удовлетворяющей волновому уравнению

$$\alpha(x_0, \dots, x_3) = \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=-n}^n \int_{-\infty}^{\infty} \exp(ikx_0) [a_{nm} H_{n+1/2}^{(1)}(kr) + b_{nm} H_{n+1/2}^{(2)}(kr)] \times \quad (2.1.10)$$

$$\times Y_{nm}(\theta, \varphi) / \sqrt{kr} dk$$

вне тела и внутри тела равен

$$\alpha(x_0, \dots, x_3) = \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=-n}^n a_{nm} \int_{-\infty}^{\infty} \exp(ikx_0) J_{n+1/2}(kr\sqrt{\varepsilon}) Y_{nm}(\theta, \varphi) / \sqrt{kr} dk.$$

Известный вектор \mathbf{A} , определенный по однозначному значению метрического тензора, можно представить в виде соленоидальной и градиентной составляющей. Взяв операцию, дивергенция от этого вектора, выделим градиентную составляющую, получим равенство, справедливое внутри тела

$$\begin{aligned} \nabla\mathbf{A} &= \Delta\alpha(x_0, \dots, x_3) = \\ &= \Delta \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=-n}^n a_{nm} \int_{-\infty}^{\infty} \exp(ikx_0 - k^2 / \sigma^2) J_{n+1/2}(kr\sqrt{\varepsilon}) Y_{nm}(\theta, \varphi) / \sqrt{kr} dk = \quad (2.1.11) \\ &= - \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=-n}^n a_{nm} \int_{-\infty}^{\infty} k^2 \exp(ikx_0 - k^2 / \sigma^2) J_{n+1/2}(kr\sqrt{\varepsilon}) Y_{nm}(\theta, \varphi) / \sqrt{kr} dk, \sigma \gg 1 \end{aligned}$$

При этом произведена регуляризация этого интеграла. Откуда можно определить коэффициенты a_{nm} , и значит определить градиентную составляющую вектора. Значит, можно выделить соленоидальную часть векторного потенциала, для которой и справедливо уравнение ОТО.

Причем справедлива формула

$$ds = [\sqrt{1 - V^2/c^2} + (iq_1 + m_1\sqrt{\gamma})A_i V^i / (m_1 c^3)] c dt. \quad (2.1.12)$$

Мнимый электрический заряд является естественным обобщением формулы (2.1.4), так как его использование в сочетании с формулой (2.1.4), приводит к волновому уравнению с мнимым зарядом в правой части, которое следует из уравнения общей теории относительности.

Введение мнимого заряда позволяет единым образом описать отталкивание зарядов одного знака и притяжение гравитационных масс. Кроме того, заряды и массы подчиняются одинаковым волновым уравнениям. Значение элементарного заряда e гораздо больше массы элементарных частиц $m\sqrt{\gamma}$, и, поэтому, элементарные частицы излучают только электромагнитную энергию, а излученная гравитационная энергия пренебрежимо мала. Поэтому считается, что в волновом уравнении временной член для уравнения относительно гравитационного поля равен нулю.

При этом метрический тензор в микромире при сильном электромагнитном поле является изрезанным, что придает новый физический смысл геометрической структуре микромира. Геометрический смысл имеет метрический тензор, построенный с помощью этой формулы.

При этом метрический интервал равен

$$\begin{aligned} ds^2 &= [\sqrt{1 - V^2/c^2} + \frac{Q_\alpha V^\alpha}{m_1 c^3}] [\sqrt{1 - V^2/c^2} + \frac{Q_\beta^* V^\beta}{m_1 c^3}] c^2 dt^2 = \\ &= [1 - \frac{V^2}{2c^2} + \frac{Q_\alpha V^\alpha}{m_1 c^3}] [1 - \frac{V^2}{2c^2} + \frac{Q_\beta^* V^\beta}{m_1 c^3}] c^2 dt^2 \end{aligned} \quad (2.1.13)$$

Где метрический тензор определен с точностью второго порядка малости. Величина Q_α определяется по формуле $Q_\alpha = (iq_1 + m_1\sqrt{\gamma})A_\alpha$, причем имеем $Q_0 = (iq_1 + m_1\sqrt{\gamma})A_0$, где в последней формуле используется гравитационный и электрический потенциал.

Откуда получаем для значения метрического тензора

$$g_{00} = 1 - V^2/c^2 + \frac{2Q_0}{m_1 c^2} + \frac{Q_0}{m_1 c^2} \frac{Q_0^*}{m_1 c^2} \quad (2.1.14)$$

$$g_{\alpha 0} = g_{0\alpha} = \frac{Q_\alpha}{m_1 c^2}$$

$$g_{\alpha\beta} = \frac{Q_\alpha}{m_1 c^2} \frac{Q_\beta^*}{m_1 c^2}, \alpha \neq \beta \quad (2.1.15)$$

$$g_{\alpha\alpha} = 1 + \frac{\sum_{\gamma=0}^3 \operatorname{Re} Q_\gamma V^\gamma}{m_1 c^3} + \frac{Q_\alpha}{m_1 c^2} \frac{Q_\alpha^*}{m_1 c^2}$$

При этом получатся следующие функции, определяющие значения полей

$$B_\alpha = M_{\alpha 0} = \frac{Q_\alpha}{m_1 c^2}$$

$$B_0 = M_{00} = 1 - V^2/c^2 + \frac{2Q_0}{m_1 c^2} + \frac{Q_0}{m_1 c^2} \frac{Q_0^*}{m_1 c^2}, \quad (2.1.16)$$

$$M_{\alpha\beta} = \delta_{\alpha\beta} + \delta_{\alpha\beta} \frac{\sum_{\gamma=0}^3 Q_\gamma V^\gamma}{m_1 c^3} + \frac{Q_\alpha}{m_1 c^2} \frac{Q_\beta^*}{m_1 c^2}$$

Поправка к тензору пространства Галилея имеет второй порядок малости у пространственной части метрического тензора. При этом для вспомогательного тензора энергии-импульса для материальных тел имеем $P_{ik} = \mu c^2 u_i u_k \frac{ds}{cdt}$, μ плотность массы тела. Выберем плотность тела в собственной системе координат, тогда имеем $P_{ik} = \mu_o c^2 u_i u_k$, где μ_o плотность тела в собственной системе координат.

откуда $T_{00} = \mu_o c^2 u_0 u_0$, $T_{0\alpha} = P_{0\alpha} / 2 = \frac{\mu_o c^2 u_\alpha u_0}{2}$. Деление на 2 величины $P_{0\alpha}$ основано на равенстве $P_{ik} = T_{ik} + T_{ki}, i \neq k$. При этом необходимо ввести тензор заряда, по аналогии с тензором энергии-импульса массы $P_{ik} = \rho_o c^2 u_i u_k$, где

величина ρ_o определяет плотность зарядов в собственной системе координат.

Тогда имеем из уравнения общей теории относительности (2.1.1)

$$R_{00} = \frac{8\pi\gamma}{c^4} \left(1 + \frac{iq_1}{m_1\sqrt{\gamma}}\right) \left(1 + \frac{iq_2}{m_2\sqrt{\gamma}}\right) (T_{00} - T/2) \quad , \quad (2.1.17)$$

$$R_{0\alpha} = \frac{8\pi\gamma}{c^4} \left(1 + \frac{iq_1}{m_1\sqrt{\gamma}}\right) \left(1 + \frac{iq_2}{m_2\sqrt{\gamma}}\right) T_{0\alpha}$$

$$R_{\alpha\beta} = \frac{8\pi\gamma}{c^4} \left(1 + \frac{iq_1}{m_1\sqrt{\gamma}}\right) \left(1 + \frac{iq_2}{m_2\sqrt{\gamma}}\right) (T_{\alpha\beta} - g_{\alpha\beta}T/2) \quad (2.1.18)$$

При этом использовано $g_{00}T = g_{00}\mu_o c^2 u_i u^i = g_{00}\mu_o c^2, T_{00} = \mu_o c^2 (u_0)^2$.

Подставляя значение тензора энергии импульса, получим

$$R_{00} = 8\pi(iq_1 + m_1\sqrt{\gamma})(iq_2 + m_2\sqrt{\gamma})[(u_0)^2 - g_{00}^{(0)}/2]\delta(\vec{r} - \vec{r}_0)/(m_1c^2)$$

$$R_{\alpha 0} = 4\pi(iq_1 + m_1\sqrt{\gamma})(iq_2 + m_2\sqrt{\gamma})u_\alpha\delta(\vec{r} - \vec{r}_0)/(m_1c^2) \quad . \quad (2.1.19)$$

$$R_{\alpha\beta} = 4\pi(iq_1 + m_1\sqrt{\gamma})(iq_2 + m_2\sqrt{\gamma})(u_\alpha u_\beta - g_{\alpha\beta}^{(0)}/2)\delta(\vec{r} - \vec{r}_0)/(m_1c^2)$$

При малой поправки к тензору Галилея, имеем следующее уравнение по определению этой поправки и так как выполняется

$$R_{ik} = \frac{1}{2} \left[\Delta - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \right] h_{ik} \quad , \quad (2.1.20)$$

где h_{ik} малая поправка к тензору метрического пространства Галилея, получим

$R_{00} = (\Delta B_0 - 1/c^2 \partial^2 B_0 / \partial t^2) / 2$. Имеем уравнение для тензора

$R_{\alpha 0} = 2(\Delta B_\alpha - 1/c^2 \partial^2 B_\alpha / \partial t^2) / 2$, $R_{\alpha\beta} = 2(\Delta M_{\alpha\beta} - 1/c^2 \partial^2 M_{\alpha\beta} / \partial t^2) / 2$. Двойка

появилась, так как имеется две компоненты $(g_{\beta\alpha} + g_{\alpha\beta})dx^\alpha dx^\beta$ в метрическом

интервале ds^2 . Для чисто пространственного индекса в правую часть

волнового уравнения войдут члены с производной от метрического тензора,

которые являются величинами второго порядка малости.

Т.е. имеем волновые уравнения

$$\begin{aligned}
[\Delta_a M_{\alpha\beta} - \frac{\partial^2 M_{\alpha\beta}}{\partial x^{02}}] &= 2\pi(u_\alpha u_\beta - g_{\alpha\beta}^{(0)}/2)\delta[(\vec{r} - \vec{r}_0)/r_g] \\
[\Delta_a B_\alpha - \frac{\partial^2 B_\alpha}{\partial x^{02}}] &= 2\pi u_\alpha u_0 \delta[(\vec{r} - \vec{r}_0)/r_g] = \\
&= 2\pi u_\alpha [1 - O(V^2/c^2)]\delta[(\vec{r} - \vec{r}_0)/r_g] \quad .(2.1.21) \\
[\Delta_a B_0 - \frac{\partial^2 B_0}{\partial x^{02}}] &= 8\pi[(u_0)^2 - 1/2]\delta[(\vec{r} - \vec{r}_0)/r_g] = \\
&= 4\pi[1 - O(V^2/c^2)]\delta[(\vec{r} - \vec{r}_0)/r_g]
\end{aligned}$$

Где дельта функция берется в собственной системе координат. Второе и третье уравнение эквивалентны уравнениям Максвелла при малых скоростях движения зарядов.

Где величина $r_g = 2\gamma m_2/c^2 - 2q_1 q_2/(m_1 c^2) + 2iq_1 m_2 \sqrt{\gamma}/m_1 c^2 + 2iq_2 \sqrt{\gamma}/c^2$.

Получим волновое уравнение с поправками второго порядка относительно безразмерной величины первого порядка

$P_s = M_{s0} = \frac{Q_s}{mc^2}$, $P_0 = M_{00} = \frac{2Q_0}{mc^2}$ и безразмерной величины второго порядка

$M_{\alpha\beta}$. Запишем уравнение ОТО с точностью до третьего порядка малости

$$\begin{aligned}
\Delta_a M_{sm} - \frac{\partial^2 M_{sm}}{\partial x^{02}} + \lambda_{sm}^{\delta\mu l} \frac{\partial M_{\delta\mu}}{\partial x^l} + \gamma_{sm}^{ikl} M_{i0} \frac{\partial M_{k0}}{\partial x^l} + \delta_{sm}^{iknl} \frac{\partial M_{i0}}{\partial x^n} \frac{\partial M_{k0}}{\partial x^l} &= \\
&= 4\pi(T_{sm} - g_{sm} T/2) \quad .(2.1.22)
\end{aligned}$$

При этом при больших энергиях не будет выполняться условие $M_{\alpha\beta} = P_\alpha P_\beta$, а это будет независимая величина (уравнение выведено при малых поправках к метрическому тензору пространства Галилея).

При этом векторный потенциал удовлетворяет уравнению

$$\Delta A_k - \frac{\partial^2 A_k}{c^2 \partial t^2} = 4\pi(iq_2 + m_2 \sqrt{\gamma})u_k \delta(\vec{r} - \vec{r}_0) \quad (2.1.23)$$

2.2. Получение из уравнения движения силу Лоренца

При этом дополнительное уравнение движения материального тела следует из уравнений

$$\frac{d^2 x^i}{ds^2} + \Gamma_{lk}^i \frac{dx^l}{ds} \frac{dx^k}{ds} = 0, \quad (2.2.1)$$

где сила Лоренца входит в формулу для символа Кристоффеля Γ_{lk}^i в уравнении (2.2.1) при малой скорости движения. При этом, так как эта сила получена с помощью метрического тензора, она описывает силу Лоренца. Докажем, что в нерелятивистском случае формула (2.2.1) определяет силу, являющуюся электромагнитной и гравитационной. Т.е. силу, определяемую напряженностью магнитного и электрического поля, плюс сила гравитационного потенциала. Символ Кристоффеля $\Gamma_{i,kl}$ симметричен по индексам k, l , значит, комплексный символ Кристоффеля будет эрмитов по этим индексам, и как докажем далее, равен

$$\begin{aligned} \Gamma_{i,kl} &= \Gamma_{i,lk}^* = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial g_{ik}}{\partial x^l} + \frac{\partial g_{li}}{\partial x^k} - \frac{\partial g_{kl}}{\partial x^i} \right), \\ &= \frac{1}{2} \left(\frac{\partial g_{ki}^*}{\partial x^l} + \frac{\partial g_{li}^*}{\partial x^k} - \frac{\partial g_{lk}^*}{\partial x^i} \right), \end{aligned} \quad (2.2)$$

Вычислим символ Кристоффеля для комплексного метрического тензора

$$\frac{\partial g_{ik}}{\partial x^l} = \Gamma_{i,kl} + \Gamma_{k,il}^*, \quad \frac{\partial g_{li}}{\partial x^k} = \Gamma_{l,ik} + \Gamma_{i,lk}^*, \quad -\frac{\partial g_{kl}}{\partial x^i} = -\Gamma_{k,li} - \Gamma_{l,ki}^* \quad (2.3)$$

Складывая эти равенства, получим (2.2).

При значении метрического тензора близком к метрическому тензору пространства Галилея, получим линейную часть силы

$$-F_{il} / mc^2 = \Gamma_{i,0k} \frac{dx^0}{ds} \frac{dx^k}{ds} + \Gamma_{i,k0} \frac{dx^0}{ds} \frac{dx^k}{ds} + \Gamma_{i,00} \frac{dx^0}{ds} \frac{dx^0}{ds}, \quad i = 1, \dots, 3, \quad (2.4)$$

где для величины $\Gamma_{i,0k}, \Gamma_{i,k0}$ получим следующее выражение

$$\begin{aligned} \Gamma_{i,0k} &= \frac{1}{2} \frac{iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_i}{\partial x^k} - \frac{1}{2} \frac{-iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_k^*}{\partial x^i}, \quad k \neq 0 \\ \Gamma_{i,k0} &= \Gamma_{i,0k}^* = \frac{1}{2} \frac{-iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_i^*}{\partial x^k} - \frac{1}{2} \frac{iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_k}{\partial x^i}, \quad k \neq 0 \end{aligned} \quad (2.5)$$

$$\Gamma_{i,00} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial g_{i0}}{\partial x^0} + \frac{\partial g_{0i}}{\partial x^0} - \frac{\partial g_{00}}{\partial x^i} \right), i \neq 0$$

где величина A_i является четырехмерным электродинамическим потенциалом.

Получаем силу Лоренца, равную

$$\begin{aligned} -F_{il} / m_1 c^2 = & \left[\frac{iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_i}{\partial x^k} - \frac{-iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_k^*}{\partial x^i} + \frac{-iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_i^*}{\partial x^k} - \right. \\ & \left. - \frac{iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_k}{\partial x^i} \right] \frac{dx^0}{ds} \frac{dx^k}{ds} / 2 + \frac{1}{2} \left(\frac{\partial g_{i0}}{\partial x^0} + \frac{\partial g_{0i}}{\partial x^0} - \frac{\partial (g_{00} + g_{00}^*)}{\partial x^i} \right) / 2 \frac{dx^0}{ds} \frac{dx^0}{ds} = (2.6) \\ = & \left[\frac{-q_1}{c^2 m_1} \left(\frac{\partial \text{Im} A_i}{\partial x^k} - \frac{\partial \text{Im} A_k}{\partial x^i} \right) + \frac{m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \left(\frac{\partial \text{Re} A_i}{\partial x^k} + \frac{\partial \text{Re} A_k}{\partial x^i} \right) \right] \frac{dx^0}{ds} \frac{dx^k}{ds} + \\ & + \frac{1}{2} \left(\frac{iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_i}{\partial x^0} + \frac{-iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_i^*}{\partial x^0} - \right. \\ & \left. - \frac{iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_0}{\partial x^i} + \frac{-iq_1 + m_1 \sqrt{\gamma}}{c^2 m_1} \frac{\partial A_0^*}{\partial x^i} \right) \frac{dx^0}{ds} \frac{dx^0}{ds}, i = 1, \dots, 3, \end{aligned}$$

т.е. никакого дополнительного члена в уравнение движения (2.1), учитывающего влияния электромагнитного поля, вводить не надо. Кроме того, описывается и гравитационная сила, входящая в потенциал A_0 . Сила F_{iq} , ответственная за действие массы мала для элементарных частиц

$F_{iq} = m_1 \sqrt{\gamma} \left(\frac{\partial \text{Re} A_i}{\partial x^k} + \frac{\partial \text{Re} A_k}{\partial x^i} \right) \frac{dx^0}{ds} \frac{dx^k}{ds}$ и ей можно пренебречь, для описания удержания плазмы.

Интерес представляет статический член, который равен в линейном приближении, так как скорость тела равна нулю

$$\begin{aligned}
-F_i &= iq_1 \frac{\partial i \operatorname{Im} A_i}{\partial x^0} + m_1 \sqrt{\gamma} \frac{\partial \operatorname{Re} A_i}{\partial x^0} - (-iq_1 \frac{\partial i \operatorname{Im} A_0^*}{\partial x^i} + m_1 \sqrt{\gamma} \frac{\partial \operatorname{Re} A_0^*}{\partial x^i}) = \\
&= (-q_1 q_2 + m_1 m_2 \gamma) \frac{\frac{\partial \mathbf{V}/[R - \frac{(\mathbf{R}, \mathbf{V})}{c}]}{c}}{\partial x^0} - (-q_1 q_2 + m_1 m_2 \gamma) \frac{\frac{\partial 1/[R - \frac{(\mathbf{R}, \mathbf{V})}{c}]}{c}}{\partial x^i} = \\
&= (-q_1 q_2 + m_1 m_2 \gamma) \frac{\frac{\partial \mathbf{V}/[R - \frac{(\mathbf{R}, \mathbf{V})}{c}]}{c}}{\partial x^0} + (q_1 q_2 - m_1 m_2 \gamma) \frac{x_i / R - V_i / 2c}{[R - \frac{(\mathbf{R}, \mathbf{V})}{c}]^2} = \\
\frac{\partial \operatorname{Im} A_i}{\partial x^0} &= \frac{\frac{\partial \mathbf{V}/[R - \frac{(\mathbf{R}, \mathbf{V})}{c}]}{c}}{\partial x^0}; \quad \frac{\partial \operatorname{Re} A_i}{\partial x^0} = \frac{\frac{\partial \mathbf{V}/[R - \frac{(\mathbf{R}, \mathbf{V})}{c}]}{c}}{\partial x^0} \\
\frac{\partial \operatorname{Im} A_0^*}{\partial x^i} &= -\frac{\frac{\partial 1/[R - \frac{(\mathbf{R}, \mathbf{V})}{c}]}{c}}{\partial x^0}; \quad \frac{\partial \operatorname{Re} A_0^*}{\partial x^i} = \frac{\frac{\partial 1/[R - \frac{(\mathbf{R}, \mathbf{V})}{c}]}{c}}{\partial x^i} .
\end{aligned}$$

Компенсируем силу притяжения гравитационного поля силой отталкивания одинаковых зарядов по формуле $q_1 q_2 = m_1 m_2 \sqrt{\gamma}$. Оказалось, что поправок к нулевому приближению теории электромагнитного поля нет.

При начальной нулевой скорости тело неподвижно. Колебания за счет изменения атмосферного давления в случае космического лифта будут скомпенсированы упругостью направляющих лифта.

Какова же должна быть поверхностная плотность заряда на цилиндрической поверхности. Разность сил притяжения у двух удельных объемов

$$m_b = \frac{\Delta m_b}{\delta}, q_b = \frac{\Delta q_b}{\delta} \text{ длиной } \delta, \text{ находящихся при значениях радиусов}$$

$R + \delta, R - \delta$, равна

$$\{-\gamma m_e m_b + q_e [q_b (R - \delta) + q_b (R + \delta)] / 2\} = \{-\gamma m_e m_b + q_e [q_b (R) + \frac{d^2 q_b}{2dR^2} \delta^2]\}.$$

Т.е. появится дополнительная сила $\frac{q_e}{2R^2} \frac{d^2 q_b}{dR^2} \delta^2 = \frac{q_e}{2R^2} \frac{d\mu}{dR} \delta^2 = F_{\max}, \mu = \frac{dq_b}{dR}$.

При этом плотность заряда μ положительна и стремится к нулю, так как заряд Земли и лифта отрицателен

$$\mu = \frac{dq_b}{dR} = \frac{d}{dR} \frac{\gamma m_e m_b R_e^2}{R^2 q_e} = -\frac{2\gamma m_e m_b R_e^2}{R^3 q_e} > 0; \frac{d\mu}{dR} = \frac{6\gamma m_e m_b R_e^2}{R^4 q_e} < 0.$$

Где величина F_{\max} , максимальная сила, которую выдерживает конструкция длиной δ при радиусе. Где R_e начальный радиус лифта, равный радиусу Земли.

При этом величина добавочного, положительного заряда в интервале $R - \delta, R + \delta$ равна

$$\frac{\gamma m_e \Delta m_b}{q_e} = \frac{\gamma m_e m_b R_e^2}{q_e} \left[\frac{1}{(R + \delta)^2} - \frac{1}{(R - \delta)^2} \right].$$

так как $\mu(R) > 0, \delta > 0$, а заряд Земли отрицателен, причем должно выполняться $\delta \ll R$. При этом начальный, отрицательный заряд лифта велик по величине, но к нему добавляется малый положительный заряд. При этом масса объема 2δ должна убывать по закону

$$\Delta m_b / m_b = -2 \frac{R_e^2 \delta(R)}{R^3} < 0, \quad (2.7)$$

При этом уменьшившаяся использованная доля массы $-\int_{R_e}^{R_m} \frac{dm}{m}$ равна

$$R_e^2 \left(\frac{1}{R_e^2} - \frac{1}{R_m^2} \right) > 0. \text{ Где величина радиуса } R_m \text{ это расстояние до максимального}$$

удаления от Земли. Доля использованного заряда совпадает с долей массы.

Но это расчеты в предположении, что атмосфера не обладает зарядом. На самом деле имеется переменный заряд атмосферы, который меняет картину сил, действующих на лифт. Но получено первое приближение к решению задачи.